

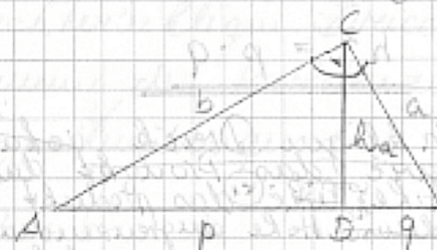
Erste Staatsprüfung für ein Lehramt an öffentlichen Schulen
nach der Lehramtsprüfungsordnung I – LPO I –

im Herbst 1999

Prüfungsort

Thema Nr. 1

1a)



Für rechtwinkliges Dreieck gelten:

① Kathetensatz:

$$\triangle ACD \sim \triangle ABC \quad a = a \quad \alpha = \alpha$$

$$\triangle ACD \sim \triangle ABC, \text{ da } \overset{\text{abw.}}{b} = b \quad \alpha = \alpha$$

$$\text{und } \angle ADC = \angle ACB$$

$$\Rightarrow \text{(WWS)}$$

$$\triangle BCD \sim \triangle ABC, \text{ da } a = a \quad \beta = \beta$$

$$\text{und } \angle ACB = \angle BDC$$

$$\Rightarrow \text{(WWS)}$$

Daraus folgt:

$$\triangle ACD \sim \triangle ABC$$

$$a : p =$$

$$b : c = p : b$$

$$\frac{b}{c} = \frac{p}{b}$$

$$b = \frac{p}{b} \cdot c$$

$$b^2 = p \cdot c$$

$$\triangle BCD \sim \triangle ABC$$

$$a : c = q : a$$

$$\frac{a}{c} = \frac{q}{a}$$

$$a = \frac{q}{a} \cdot c$$

$$a^2 = q \cdot c$$

Die Kathetenreihe lautet

$$b^2 = \cancel{p} \cdot c$$

$$a^2 = g \cdot c$$

② Hölersatz im rechtwinkligen
Dreieck gilt
$$h: p = q: h$$

$$h: p = q: h$$

$$\frac{h}{p} = \frac{q}{h} \quad \underline{\underline{h^2 = p \cdot q}}$$

Hier recht-winklige Dreieck verhält n.
die Höhe zu wie das Produkt des Sin
das ist aber die Höhenhöhe (*) das Produkt aus
den anderen Hypothenuse Höhe angrenzenden Hypoth
ablenkte p.u

③ Satz des Pythagoras

~~$a^2 + b^2 = c$~~

Am rechtwinkligen Dreieck gilt

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Die Summe der Kathetenquadrate ist
gleich dem Hypotenusenquadrat

Für rechtwinkligen Dreieck ABC gelte folgende Seite:

1.) Katheterisierke

Das Quadrat über der Kathete ist
gleich dem Produkt der an der Kathe
angrenzenden Seite ~~HAD~~^{an der Hypothese} (p oder q)
mal der ~~und der~~ Hypothenseite.

$$b^2 = b^2 p \cdot c$$

$$a^2 = q \cdot c$$

(7) no-gro sagvabumi

2.) Höhensatz:

Das Quadrat über der Höhe h_c im rechtwinkligen Dreieck ABC ist gleich dem Produkt aus p und q .

$$h_c^2 = p \cdot q$$

3.) Satz des Pythagoras

Im rechtwinkligen Dreieck ABC ist die Summe der Kathetenquadrate gleich dem Hypotenusenquadrat.

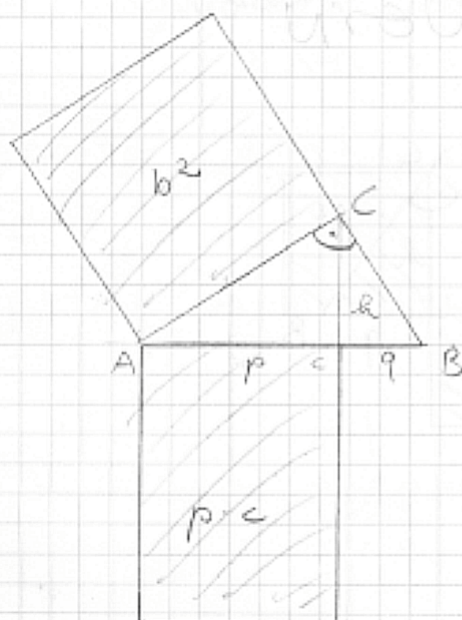
$$a^2 + b^2 = c^2$$

Skizzen

zur

$$b^2 = p \cdot c$$

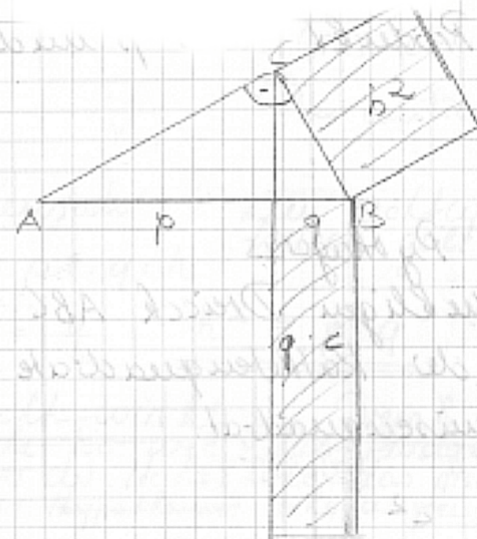
Kathetensatz



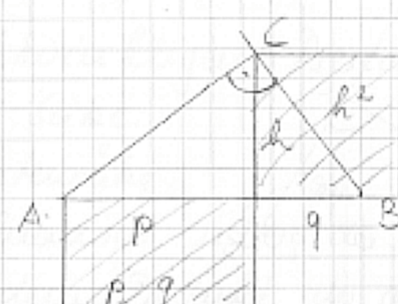
ADI
Σ
! nicht!

$$a^2 = q \cdot c$$

Kathetensatz



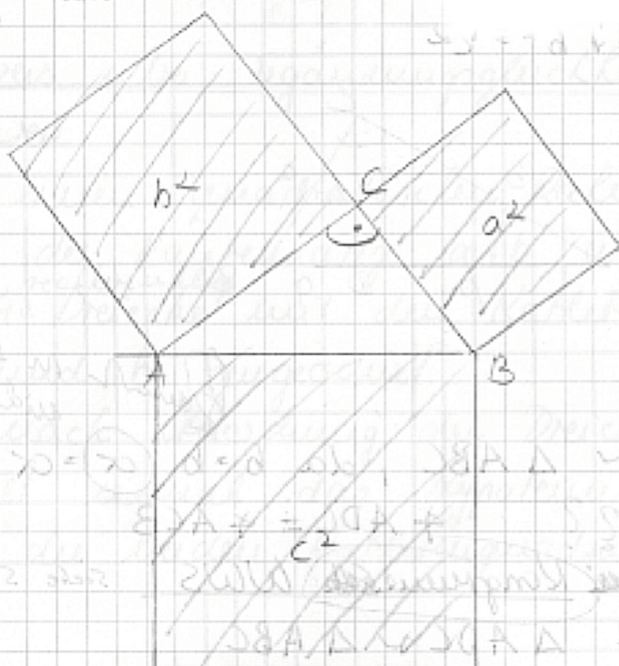
zu 2) $h^2 = p \cdot q$ Höhenatz



zu 3) $a^2 + b^2 = c^2$ Satz des Pythagoras

(144

Seite: 5



Zwei Beweise
sind hier zu
erwartet von

Siehe die
Lösungen

Wird
gezeigt
Tausch
von

$\Delta ABC \sim \Delta ACD$
 $\Delta ABC \sim \Delta BCD$
 $\Delta ABC \sim \Delta ACD \sim \Delta BCD$

$\Delta ABC \sim \Delta ACD$
 $\Delta ABC \sim \Delta BCD$
 $\Delta ABC \sim \Delta ACD \sim \Delta BCD$

$a^2 + b^2 = c^2$
 $c^2 = a^2 + b^2$
 $a^2 + b^2 = c^2$

10) 2b) ^{(*) 5.7 Punkte} Beweis über die Kathetensätze:

Voraussetzung $\triangle ABC$ ist rechtwinklig
Beh.: $a^2 + b^2 = c^2$



~~$\triangle ADC$~~

$\triangle ADC \sim \triangle ABC$, da $b = b$ ($\alpha = \alpha$)

?? $\angle ADC = \angle ACB$

durch den Kongruenzsatz WWS siehe S.7

$\Rightarrow$ folgt $\triangle ADC \sim \triangle ABC$

$\triangle BCD \sim \triangle ABC$ da $a = a$, $\beta = \beta$,

$\angle BDC = \angle ACB$

durch den Kongruenzsatz WWS

folgt $\triangle BCD \sim \triangle ABC$

$\triangle ADC \sim \triangle ABC$ $b : c = p : b$ $b^2 = p \cdot c$

(vgl. 1a)

$\triangle BCD \sim \triangle ABC$ $a : c = q : a$ $a^2 = q \cdot c$

$$a^2 + b^2 = p \cdot c + q \cdot c$$

$$= c(p + q)$$

$$= c \cdot c$$

$$= c^2$$

✓

$a^2 + b^2 = c^2$, was zu beweisen war
w.d. q.e.d.

Beweis der Umkehrung Wenn in einem rechtwinkligen

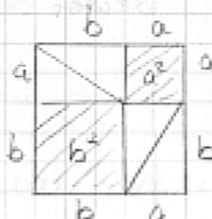
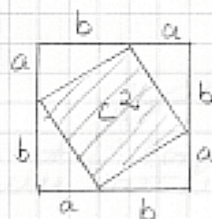
144

Seite: 7

② Beweis über Ergänzungsgleichheit von Figuren

In einem quadratischen Rahmen
mit der Kantenlänge $a+b$ werden
je 4 ^{rechtwinklig} Dreiecke mit den Kathetenlängen
 a und b ausgeschnitten.

Nach Ausordnung der Dreiecke
bleibt einmal das Hypotenusenquadrat
oder die beiden Kathetenquadrate übrig.



$$c^2 + 4 \cdot \frac{1}{2} ab$$

$$c^2 + 4 \cdot \frac{1}{2} ab$$

$$c^2 + 4 \left(\frac{1}{2} ab \right) = a^2 + b^2 + 4 \left(\frac{1}{2} ab \right)$$

$$c^2 + 2ab = a^2 + b^2 + 2ab \quad | -2ab$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \quad \text{q.e.d.}$$

① Beweis des Satzes des Pythagoras

In einem rechtwinkligen Dreieck ABC
gilt: $a^2 + b^2 = c^2$, d.h. die ^{Summe der} Quadrate
über den Katheten ist gleich dem
Hypotenusenquadrat

③ Beweis u. b. Zulegen

S. Aufgabe 2 S. 11



④ Beweis u. b. Abzählen v. Euklidischer

S. Aufg. 2 S. 11



⑤ Beweis u. b. Lösung

⑥ Beweis u. b. binomische Formel

Beweis der Umkehrung des Satzes des Pythagoras

9

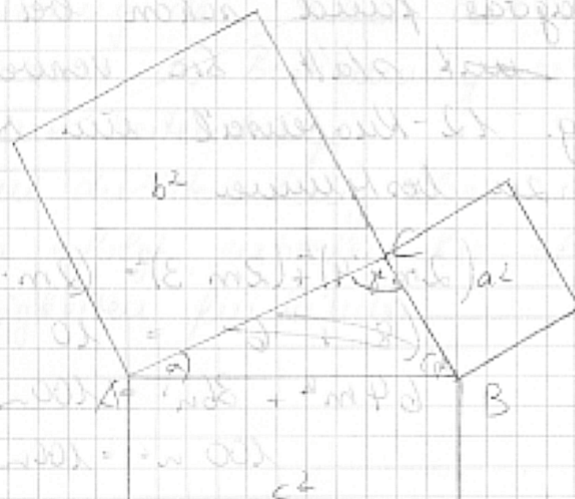
Wenn in einem ΔABC $a^2 + b^2 = c^2$
gilt, dann ist das Dreieck ABC
rechtwinklig und....

Vor.: $a^2 + b^2 = c^2$

Hau Bch: ΔABC ist rechtwinklig

Hau ^{zeichnet ? rechtwinkliges} konstruiert ein Dreieck $A'B'C'$ ✓
und bezeichnet die Hypotenuse
(zunächst) mit x .

^{* konstruiert} ~~Dann zeichnet~~ man ein ΔABC ^{rechtwinkliges}
zu dem gilt $a^2 + b^2 = c^2$



9

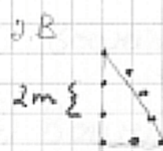
Laut Voraussetzung gilt in
 $\Delta A'B'C$ $a^2 + b^2 = x^2$. nach
 Voraussetzung also $a^2 + b^2 = c^2$
 also folgt $x^2 = c^2$, das
 daraus folgt, die beiden Dreiecke
 $\Delta A'B'C$ und ΔABC sind kongruent.

daraus folgt, daß die beiden Dreiecke
 $\Delta A'B'C$ und ΔABC in allen
 Seiten übereinstimmen und deshalb
 nach dem Kongruenzsatz für Dreiecke
 (SSS) kongruent sind.

$\rightarrow \Delta A'B'C$ ist rechtwinklig
 $\rightarrow$ Winkel γ bei $\Delta A'B'C$ ist rechtwinklig
 da bei ΔABC

daraus folgt γ in $\Delta A'B'C$ ist
 rechtwinklig

Anwendung der Umkehrung des Satzes
 d. Pythagoras fand schon bei den
 Ägyptern statt. Sie verwendeten
 ein sog. 12-Knotensack um rechte
 Winkel zu bestimmen



$$(2m \cdot 4)^2 + (2m \cdot 3)^2 = (2m \cdot 5)^2$$

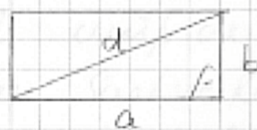
$$(8 + 6) = 10$$

$$64m^2 + 36m^2 = 100m^2$$

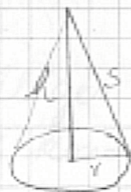
$$100m^2 = 100m^2$$

Anwendung des Satzes des Pythagoras
ist ~~aus~~ sehr vielfältig

- Berechnen von fehlenden Größen
an ebenen Figuren
z.B. Diagonal im Rechteck



- Berechnen von fehlenden Größenangaben
an Körpern z.B. s beim Kegel



- vgl. Sachaufgaben vgl. auch Aufg 3

Anwendung des Satzes des Pythagoras
dient meist der Bestimmung einer
fehlenden Seitenlänge.

Nachdem die Herleitung aber über
Flächen erfolgt entstehen hier oft
Schwierigkeiten für Kinder.

2. Beschreiben und diskutieren Sie unterrichtliche Zugänge zum Satz des Pythagoras

Der Satz des Pythagoras wird in der 3. HJF Jahrgangsstufe in der Hauptschule unterrichtet.

Prinzipiell muß der Schüler schon mit einigen Sachverhalten vertraut sein bzw. sollte sie beherrschen um den Satz des Pythagoras zu verstehen und anwenden zu können.

Es wären z.

- rechtwinkliges Dreieck kennen zeichnen, konstruieren können
- gleichschenkeliges, Dreieck ~~zeichnen~~ kennen
- spitze, recht-, und stumpfwinklige Dreiecke kennen
- Die Bezeichnungen Kathete, Hypotenuse kennen
- Wurzel ziehen
- Potenzschreibweise
- Fläche vom Quadrat berechnen

2. Beschreiben und diskutieren Sie unterrichtliche Zugänge zum Satz des Pythagoras

Der Satz des Pythagoras wird in der 9. H. Jahrgangsstufe in der Hauptschule unterrichtet.

Prinzipiell muß der Schüler schon mit einigen Sachverhalten vertraut sein bzw. sollte sie beherrschen um den Satz des Pythagoras zu verstehen und anwenden zu können.

Es wären z.

- rechtwinkliges Dreieck kennen zeichnen, konstruieren können
- gleichschenkeliges, Dreieck zeichnen kennen
- spitze, recht-, und stumpfwinklige Dreiecke kennen
- Die Bezeichnungen Kathete, Hypotenuse kennen
- Winkel zeichnen
- Potenzschreibweise
- Fläche vom Quadrat berechnen

Nachdem diese eine Prüfung
aus Didaktik der Fachgruppe der
Hauptschule nämlich Mathematik
ist, sollen hier unterschiedl. Zugänge
zum Satz des Pythagoras veranschaulicht
für die Hauptschule stattfinden.
Studien Schulkarten wie Gymnasien
oder ^{Realschulen} Hauptschulen sollen mit am
Rande erwähnt werden.

Gerade Beachtung sollte noch die
unterschiedl. Zugänge in der Sonder-
schule - hier am Fallbeispiel der
Schwerbehindertenschule - finden, da diese
Schule oft nur Fach Mathematik
der 4. gleiche Lehrplan zugrundeliegt
wie den ~~Regelschule~~ Hauptschulen;
durch die sprachl. Einschränkungen
dieser Kinder ^{Regelschulen} ~~können aber~~ auf unter-
schiedl. Zugänge unterschiedliche Anwendung
möglichst v. unterschiedlichen
Zugängen.

deduktives ^{logisches} Vorgehen
 Dem deduktiven Vorgehen, dem Schülern
 Zugang zum Satz des Pythagoras zu
 verschaffen, wird dem Kind dieses
 Phänomen einfach vorgegeben.

~~$a^2 + b^2 = c^2$~~
 in dem dieses Phänomen einfach
 verknüpft vorgegeben wird.

Dem rechtwinkligen $\triangle ABC$ ist die
 Summe der Kathetenquadrate gleich
 dem Hypotenusenquadrat. $\triangle ABC = \text{rechter}$
 $\rightarrow a^2 + b^2 = c^2$

Dies wird ^{dem} gleichsam einer Formel gelernt.
 gelernt und erfolgt keine ^{weitere} Anschauung
 ist so ein Vorgehen für die Haupt-
 schule nicht geeignet.

Es wird nur der Kopf angesprochen,
 andere Lernprozesse (handeln, Spüren,
 Gefühl) werden nicht angesprochen.
 Die Hauptschule wird von sich
 aus wenig in der Lage sein dieses
 Phänomen zu durchdringen und zu
 begreifen.

Es müssen anschauliche und handelnde
 Aspekte integriert werden um Einsicht
 in den Zusammenhang zu bekommen.
 Weitere Schwierigkeit, neben der zu
 großen Abstraktheit ist auch das
 vielleicht fehlende Verständnis für die

Nachdem diese eine Prüfung
zur Didaktik der Fachgruppe der
Hauptschule nämlich Mathematik
ist, sollen hier unterschiedl. Zugänge
zum Satz des Pythagoras verglichen
für die Hauptschule stattfinden
studierende Schulklassen wie Gymnasien
oder ^{Realschulen} Hauptschulen sollen mit am
Rande erwähnt werden.

Gerade diese Beachtung sollte auch die
unterschiedl. Zugänge in der Sonder-
schule - hier am Fallbeispiel der
Schwerbehindertenschule - finden, da die
Schule ~~da~~ im Fach Mathematik
der ~~gg~~ gleiche Lehrplan zugrundeliegt
wie den ~~Regelschule~~ Hauptschulen;
durch die sprachl. Einschränkungen
dieser Kinder ^{Regelschulen} ~~knüpfen~~ aber auf ~~unterschiedl.~~
Zugänge unterschiedliche Anwendung
möglichkeiten v. unterschiedlichen
Zugängen.

deduktives Vorgehen
 Das deduktive Vorgehen, ^{wird} dem Schülern
 Zugang zum Satz des Pythagoras zu
 verschaffen, wird dem Kind ~~dieses~~
 Phänomen einfach ~~gegeben~~

~~$a^2 + b^2 = c^2$~~
 in dem dieses Phänomen einfach
 verknüpft gegeben wird.

Das rechtwinkligen $\triangle ABC$ ist die
 Summe der Kathetenquadrate gleich
 dem Hypotenusenquadrat. $\triangle ABC = \text{rechu.}$
 $\rightarrow a^2 + b^2 = c^2$

Dies wird ^{das} gleichsam einer Formel gelernt.
 gelernt und erfolgt ^{were} keine Anschauung
 ist so ein Verfahren für die Haupt-
 schule nicht geeignet

Es wird mit der Kopf angesprochen,
 andere Lernprozesse (handeln, Gefühl,
 Gefühl) werden nicht angesprochen.
~~Es~~ Die Hauptschule wird von sich
 aus wenig in der Lage sein dieses
 Phänomen zu durchdringen und zu
 begreifen.

Es müssen anschauliche und handeltende
 Aspekte integriert werden um Ansicht
 in den Zusammenhang zu bekommen.
 Weitere Schwierigkeit, neben der zu
 großen Abstraktheit ist auch das
 vielleicht fehlende Verständnis für die

sprachl. Formulierung. Zwar sollten die Begrifflichkeiten bekannt sein, doch sind sie vielen Schülern nicht selbstverständlich und geläufig.

Dieses Problem trifft auf Schüler der Sonderschule und v.a. auf Schüler der Schwerbehindertenschule in besonderem Maße zu. Das Verstehen ist schon allein aufgrund der sprachl. Verstehensprobleme eingeschränkt und verlangt deshalb unbedingt anschauliches und genaue Erläuterungen.

Schüler der Schule des Gymnasiums u. Realschule dürfte es ein Vergleichen der Formel zu abstrakt sein; auch hier bedürft es der handelnden Auseinandersetzung und anschaulichen Erklärung um Einricht in den Zusammenhang zu bekommen.

Diese Schüler sind sich wahrscheinlich in größerem Umfang der Zusammenhänge bewusst.
$$\text{Hypothekensquadrat} + \text{Hypothekensquadrat} - \text{Hypothekensquadrat}$$

und sich selber zu veranschaulichen.

Erste Staatsprüfung für ein Lehramt an öffentlichen Schulen
nach der Lehramtsprüfungsordnung I — LPO I —

Im Herbst 1999

Prüfungsort:

Kennzahl:
Kennwort:
Platznummer:

zu 2)

Induktive Verfahren

Bei induktiven Verfahren sollen die Schüler selber an dem ~~Zus~~ - durch (kleine) Hilfestellungen des Lehrers (Hypothese, ...) - zu dem Zusammenhang $a^2 + b^2 = c^2$ gelangen.

Es ist ein problemorientiertes Arbeiten, das den Schülern ~~mit~~ entgegen¹ sowohl Hauptschulen, Sonderschulen und Schulen der Realschule und des Gymnasiums entgegenkommt.

Der Stoff knüpft an Bekanntes an, die Schüler sind selber tätig (kommt neuen Lerntheorien entgegen z.B. nach Selbsttätigkeit)

① Empirischer ~~Vorgehen~~ Zugang
An verschiedenen Dreiecken werden die Quadrate an den Katheten und die Hypotenuse gezeichnet, beschriftet und berechnet.

Die Werte werden in eine Tabelle eingetragen

FA

144

Seite:

357
10,8
8

Δ_1

Δ_2

!

a^2	b^2	c^2

anschließend wird verglichen und geschaut welches Zeichen $<, >, =$ zwischen $a^2 + b^2$ $\square$ c^2 zu sehen ist. Dies kann in derselben (ehwas modifizierten Tabelle) geschehen

Dreieck	$a^2 + b^2$	$\leq$	c^2
Δ_1			
Δ_2			
Δ_3			
Δ_4			
Δ_5			

anschließend kann der Lehrer die Frage stellen, wann wird ein $=$ eingesetzt; was haben diese ~~3~~ Dreiecke gemein.

$\rightarrow$ rechten Winkel γ !

Daraus kann dann der Satz des Pythagoras abgeleitet werden:

$$\alpha^2 \gamma = 90^\circ \approx a^2 + b^2 = c^2$$

Das Erstellen einer Tabelle kann auch durch Ausrechnen der Quadrate an dafür vorgegebenen Dreiecken auf ein Arbeitsblatt sehr erfolgen. Oder die

Hände zeichnen nie nach $\frac{1}{2}$ vom
Lehrer angegebenen Vorgehen schen-

19

Bei diesem ~~bei~~ unterrichtlichen
Zugang werden mehrere Sinne des
Schülers angesprochen. Es wird das
~~in diesem Handel~~ Prinzip des
Mathematikunterrichts ~~es~~ in der
Hauptschule erst handelnde Auseinan-
dersetzung mit dem Stoff, dann ikonisch
und zum Schluß symbolische Ausein-
andersetzung verwirklicht.

Die SS handeln zuerst, messen die
Quadrate bzw. berechnen sie; zeichnen
sie an den Dreiecken ein (ikonisch)
und verketten die Ergebnisse dann in
der Tabelle. (symbolisch)

Bei Schülern der Hauptschule (und der
Sonderschule) ist dieser Zugang gut
geeignet; die Schüler setzen sich
handelnd auseinander, können
eigene Erfahrungen machen. ^①
Eventuell ist der Übergang zu den
Symbolen zu schnell da; und das
weiteren wird vielleicht zu wenig
in der Anschauung verbleiben, daß die
^{Sinne} Fläche der Kathetenquadrate gleich
der des Hypotenusenquadrates ist.

92

Die Gewinnung ^{des Satzes} erfolgt über geometrisch-
algebraische Sachverhalte;
dieser Zugang allein ist wahrscheinlich
zu abstrakt.

Für Schüler der Realschule und des
Gymnasiums müßte dieser Wege Zug
recht einseitig sein. Sehr schnell
ist die Ebene der Abstraktion des
Symbols erreicht, ohne aber auf
das vorangehende Handeln und
damit auch etwas Anschauung
versichtet zu haben.

② ~~sehr~~ ausdrucksstarke des Einheits-
(quadratische) Flächen
Eine sehr anschauliche Möglichkeit
den Satz des Pythagoras einseitig zu
machen ist das Ausdrucksstarke der
Quadrate über Einheitsflächen

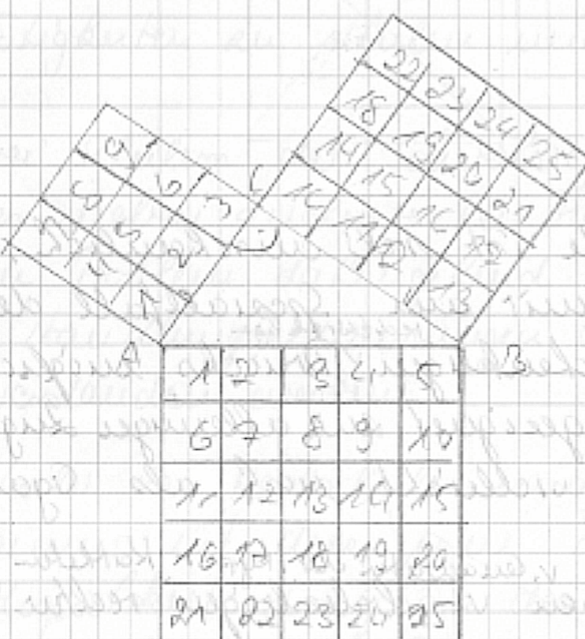
Erste Staatsprüfung für ein Lehramt an öffentlichen Schulen
nach der Lehramtsprüfungsordnung I – LPO I –

im Herbst 1999
Prüfungsort

Kennzahl:
Kennwort
Platznummer

144

Seite: 21

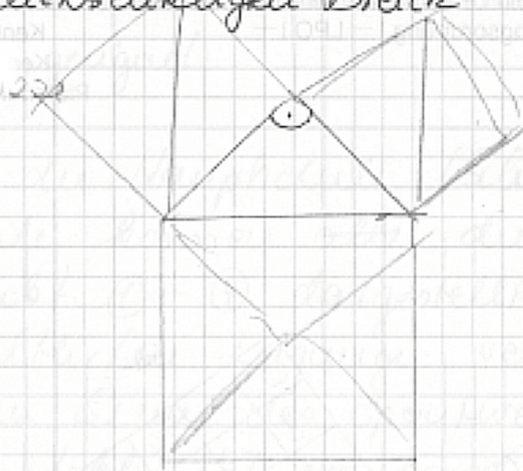


Die Beziehung $a^2 + b^2 = c^2$ wird hier
leicht einsehbar.

gut für Haupt- und Sonderschulen geeignet
da sehr anschaulich.

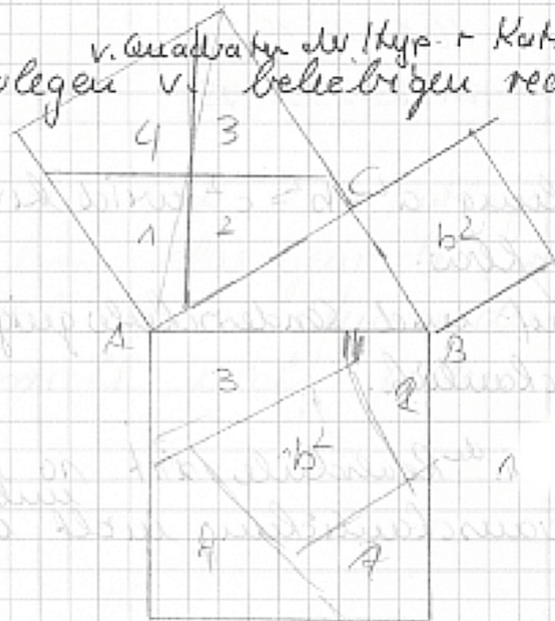
Schüler der
Haupt- u. Sonderschule ist so eine
Form der Veranschaulichung nicht not-
wendig.

③ Zerlegungsgleichheit am gleichseitigen Dreieck



Methode ist selb. anschaulich, allerdings mit dem Spezialfall des gleichschenkeligen ^{rechten} Dreiecks möglich; Nicht geeignet zur alleinigen Zugewinn sondern vielleicht noch als Ergänzung.

④ Zerlegen v. ^{v. Quadraten der Hyp. + Katheten} beliebigem rechth. Dreieck



Dieser Zugang dürfte für manche Schüler der Hauptschule allein schon vom Zeichnerischen zu aussprechvoll sein.

Nichtsdendoblock sollte es sich um einen Zugang zu Hauptschulen nicht fehlen, da man das zeichnerische Fähigkeiten und Fertigkeiten zu schulen und fördern.

Auch bei Schülern der Schwerbehindertenschule dürfte es neben zeichnerischen Problemen noch zu Problemen dahingehend kommen, daß die Handlungsaussagen (Spracht.) nicht verstanden werden.

Für Schüler der Realschule und des Gymnasiums ist dies eine aussprechvolle Möglichkeit den Satz des Pythagoras zu veranschaulichen, ~~und~~ ebenso zeichnerisch als Einricht in ihn zu bekommen, sowie zeichnerische Fähigkeiten zu schulen.

⑤ Zugänge wie über die $\frac{1}{2}$ Kathetensatz und ~~Satz~~ ^{Pythagoras} sind in der Hauptschule zu abstrakt und zu wenig anschaulich. Außerdem erfolgt keine handelnde Auseinandersetzung.

Für den verknüpften Unterricht im Gymnasium sind diese Zugänge gut geeignet.

Für die Hauptschule / Sonderschule können alle die unter Punkt ③ - ④ dargestellten unterschiedlichen Zugänge verwandt werden. Dem Sinne des operativen Prinzips von Kiehl ist es sogar sinnvoll, verschiedene Zugänge zu diesem Sa zu bekommen. Das Denken soll reversibel sein; evtl. ist bei ~~seiner~~ ~~ist~~ einigen Zugängen z.B. bei Punkt 4 eine Differenzierung möglich.

Obst der Satz des Pythagoras den Schülern klar geworden, darf natürlich dessen Anwendung im Unterricht nicht fehlen.

Erste Staatsprüfung für ein Lehramt an öffentlichen Schulen
nach der Lehramtsprüfungsordnung I — LPO I —

im Herbst 1999

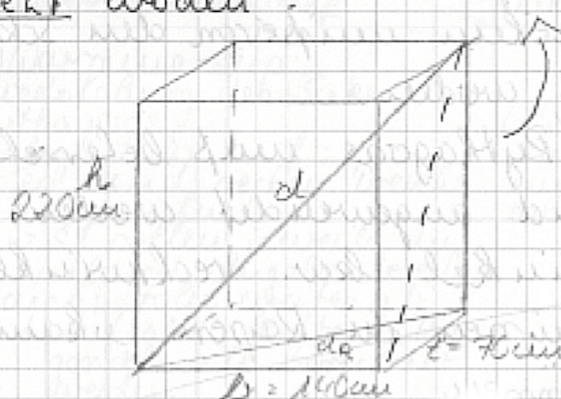
Prüfungsort

3.) 72 5 30

Sachanalyse:

Kann der Schrank mit den Maßen
 $h = 220 \text{ cm}$, $b = 140 \text{ cm}$ und $t = 70 \text{ cm}$
aufgestellt werden? in einer Wohnung
mit 230 cm Höhe aufgestellt werden?

Kann der Schrank in der Wohnung
gedreht werden?



Ist die Diagonale des Schrankes
 $\leq 230 \text{ cm}$?

Um die Diagonale d bestimmen zu
können muß erst die Diagonale der
Grundseite d_R bestimmt werden.

Dies erfolgt über den Satz des Pythagoras

$$\begin{aligned} d_R^2 &= b^2 + t^2 & d_R &= \sqrt{24500 \text{ cm}^2} \\ &= (140 \text{ cm})^2 + (70 \text{ cm})^2 & &= 156,52 \text{ cm} \\ &= 19600 \text{ cm}^2 + 4900 \text{ cm}^2 \\ &= 24500 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

Die Diagonale d wird nun wieder
über den Satz des Pythagoras berechnet

$$d^2 = a^2 + h^2$$

$$= 24500 \text{ cm}^2 + (220 \text{ cm})^2$$

$$= 24500 \text{ cm}^2 + 48400 \text{ cm}^2$$

$$= 72900 \text{ cm}^2$$

$$d = 270 \text{ cm}$$

$d >$ Raumhöhe $\rightarrow$ Schrank kann
in Wohnung nicht auf-
gerichtet werden.

Voraussetzungen der Schule:

- Wurzel ziehen muß von der Schule
belehrt werden
- Satz des Pythagoras muß beherrscht
werden und angewendet werden
- ~~rechte Winkel bzw. rechteckige
Dreiecke müssen im Kopf erkannt
werden können.~~
- naturl. Vorstellungsmäßigen muß
verstanden sein
- Zeichnen v. Skizzen

Lernziele

27

Großziel: Den Satz des Pythagoras zum
Lesen von Sachaufgaben an-
wenden können

1. Feinziel: aus Sachzusammenhang
Problemaufstellung erkennen
2. Feinziel: Erkennen von rechtwinkligen
Dreiecken im Raster (Quader)
3. Feinziel: Formel $a^2 + b^2 = c^2$ richtig
anwenden können;

Artikulation

Zeit	Unterrichtsvorlauf	Spezialform/ Methoden	Medien
5 Min	(1) Warmung-up: Wiederholung des Satzes des Pythagoras L: legt Folie auf: - es sind rechth. Dreiecke aufgezeichnet - S: sollen jeweils die fehlende Angabe berechnen L: deckt Folie weiter ab - 1 Aufgabe: Rechth. Dia- gonale soll berechnet werden	L-S-Gespräch im Wechsel mit Einzel- arbeit	Folie
10 Min	(2) Problemaufstellung L teilt Arbeitsblatt aus, auf dem die erste Frage 3 gestellte Aufgabe druf- steht. S: für 5 Min laut vor; die anderen lesen mit L: Was ist gefragt S: was unklar 1. 1.7.		AB

f1
 So schlaufen Sie
 nicht ein, daß
 der Schrank
 vielleicht doch
 aufgestellt
 werden kann

Zeit	Unterrichtsvorlauf	Sozialform/ Medien/ Methoden	Re.
	L-Gruppe: Wie können wir uns helfen, damit wir weniger was gefragt? S: Skizze D: Ich sag: Jede Schüler zeichnet eine Skizze; L zeichnet sie an der Tafel vor / mit Jede Schüler sollen in ihr Heft Platz lassen, um die Aufgabenstellung (AB) einzukleben) L: Welche Probleme kann es geben, wenn man den Schrank aufstellen will? Warum? 5 Min. Zeilenaufgabe: Do S S: Der Schrank paßt nicht in den Raum (= zu niedrig) die 'Diagonale' des Schrankes ist zu lang. L: Ich halt Frage fest: Ist der Schrank die Diagonale zu groß um den Schrank in den Raum zu drehen / aufzustellen? [Klappschub: warum ist das wichtig? z.B. bei S: unmöglich Ursachen, Schrank kann nicht aufgestellt werden] 1. Teilzielzusammenfassung wie lang ist die Diagonale d. = Überschrift an der Tafel		Tafel
10 Min	Suchen nach Lösung L-S-Gespr. zur Berechnung - Gruppe L-Gruppe L: Hilfslinien einzeichnen in Skizze L: da wird eingesei S: Diagonale von Rechteck L: zeichne da ein Rechteck ein 2. Teilziel S: im Heft L: Wie finde ich d S: $d = \sqrt{a^2 + b^2}$ L: kann L laßt SS probieren		Tafel

nicht
 bei

Zeit	Unterrichtsvorlauf	Methodik/ Schriftform	Medien
	S: Protest der SS: d kann man noch nicht berechnen, da fehlt. L: Wer weiß eine Lösung? S: Zuerst da berechnet L: Wie kommt man zu da? S: → Pythagoras		
10 min	L: rechnet in Partnerarbeit da aus, aber L beobachtet beim Lösen, greift erst ein S: er sagen Lösungen L: zeigt Lösung auf Folie gegebenenfalls korrigieren L: selber	Partnerarbeit	Heft
5 min	L: so und jetzt da d ausrechnen zu in Partnerarbeit S: sagen Ergebnis L: zeigt Lösung auf Folie L: überlegt sich die Beantwortung der Frage S: Der Schrank kann nicht aufgestellt werden, da d > 230 cm groß ist.	Einzelarbeit	Heft
	Als HA aufgabe Aufgabenstellung: L: Kellner Schüler L-S-Gespräch: Kellner-Schülergespräch		Folie

Tafelbild

Skizze

$b = 100 \text{ cm}$
 $h = 250 \text{ cm}$
 $l = 70 \text{ cm}$

Folie

①

②

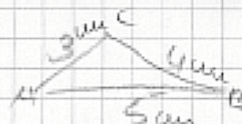
$c = \sqrt{b^2 + a^2}$
 $c^2 = b^2 + a^2$

Da Pythagoras wird in der Haupt-
 schule in der 9. Klasse durchge-
 übt. Es findet vielfältig Übung statt
 vgl. Punkte 11g, 12g, 13g

NE

mit Zahlen:

$$\begin{aligned} b &= 3 \text{ cm} \\ a &= 4 \text{ cm} \\ c &= 5 \text{ cm} \end{aligned}$$



$$A_1 = \frac{1}{2} \pi \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} \pi \cdot \frac{9}{4} = \frac{9}{8} \pi = 3,53$$

$$A_2 = \frac{1}{2} \pi \cdot \left(\frac{4}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} \pi \cdot 4 = \frac{16}{8} \pi = 2\pi$$

$$A_3 = \frac{1}{2} \pi \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} \pi \cdot \frac{25}{4} = \frac{25}{8} \pi = 9,81$$

$$A_1 + A_2 = A_3$$

$$3,53 \text{ cm} + 6,28 \text{ cm} = 9,82 \text{ cm}$$

$$3,53 \text{ cm} + 6,28 \text{ cm} = 9,82 \text{ cm}$$

$$9,81 \text{ cm} \sim 9,82 \text{ cm}$$

Rundungsfehler

$$\rightarrow A_1 + A_2 = A_3$$

$$A = A_1 + A_2 + A_3$$

oder auch mit Volumen

$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$V = \pi \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$\frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} \cdot \pi \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$\frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} \cdot \pi \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$\frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} \cdot \pi \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$A = A_1 + A_2 + A_3$$

$$\frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} + \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4} + \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{4}$$

$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

oder auch

Erstgutachten

- Zu (1) Die Formulierung des Satzes ist z.T. extrem unständlich und ungeschickt. Die Skizzen und auch die Schreibweisen auf der symbolischen Darstellungsebene sind exakt. Der Beweis über die Kathetensätze ist richtig, wenn auch die Ähnlichkeit immer wieder, wie auch schon in (7a), mit der Kongruenz vermischt wird. Die Beweisidee für die Umkehrung ist richtig, die Formulierung der Teilschritte aber wieder sehr ungeschickt. Weitere Teile der folgenden Ausführungen gehören nicht zum Thema.
- Zu (2) Bei dieser Frage wird viel zu weit ausgeholt. Die dann endlich vorgestellten unterschiedlichen Zugänge zum Satz werden auch auf die Einsetzbarkeit in den Schulnoten diskutiert.
- Zu (3) Es wird nicht erkannt, dass die Seitenlängenverhältnisse relevant ist. Das Konzept der Strahlensätze abgeleitet von diesem Institut ist akzeptabel, wenn auch der enaktive Zugang mit Hilfe eines Modells fehlt.
- Zu (4) Die Beziehung zwischen den schraffierten Flächen wird nicht ganz lückenlos gezeigt.

Insgesamt eine gerade noch befriedigende (= Note 3) Bearbeitung.

best gutachter:

- 1) Familienangelegenheiten. Umkehrungen fehlen.
Beweisideen erkennbar, aber unbrauchbar
formuliert.
- 2) sehr weitschweifig werden wesentliche Aussagen
genannt und diskutiert.
- 3) Falsche Sachanalyse. Modell fehlt. Beweisidee des
Täters akzeptiert.
- 4) Vermutung erlaubt, Beweisidee nicht dargestellt.

Gesamtwertung: 3 $\neq$ befriedigend